

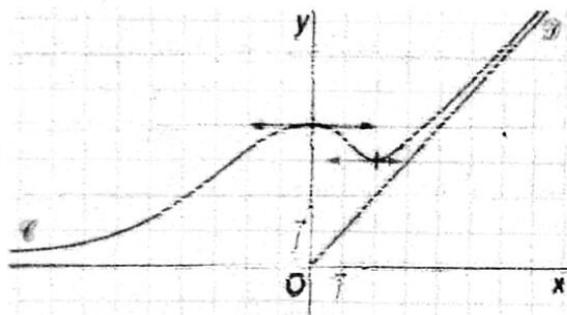
M.BHIRI

Exercice 1 VRAI - FAUX.

- 1) Sur \mathbb{R} , la fonction $f: x \mapsto (x+1)^3$ a pour primitive la fonction $x \mapsto \frac{1}{3}(x+1)^3$
- 2) Sur \mathbb{R} , la fonction $f: x \mapsto (x^2+1)^2$ a pour primitive la fonction $x \mapsto \frac{1}{3}(x^2+1)^3$
- 3) Les fonctions $x \mapsto x(x-2)$ et $x \mapsto (x-1)^2$ sont deux primitives sur \mathbb{R} de la même fonction.
- 4) Sur \mathbb{R} , la fonction $x \mapsto x \sin x$ a pour primitive la fonction $x \mapsto -\frac{1}{2}x^2 \cos x$
- 5) Si f est une fonction continue sur un intervalle I , alors elle admet une primitive F qui s'annule au moins une fois sur I .
- 6) Sur \mathbb{R}^+ , la fonction $f: x \mapsto \sqrt[3]{x}$ a pour primitive la fonction $x \mapsto \frac{1}{3}x\sqrt[3]{x}$

Exercice 2 VRAI - FAUX.Soit g une fonction dérivable sur \mathbb{R} .

Sa courbe ζ est représentée sur le graphique ci-dessous dans le repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$, ainsi que ses tangentes « horizontales » et ses asymptotes d'équation : $y = 0$ en $-\infty$ et $y = x$ en $+\infty$.

On appelle F l'ensemble des primitives f sur \mathbb{R} de la fonction g .

Répondre par Vrai ou faux aux affirmations suivantes en justifiant la réponse.

- 1) Toute fonction f de F admet un maximum relatif en 0.
- 2) Toute fonction f de F vérifie $f(0) > f(1)$.
- 3) Il existe au moins une fonction f de F telle que l'équation $f(x) = 0$ admet une unique solution sur l'intervalle $]0; 1[$.
- 4) Il existe au moins une fonction f de F telle que l'ensemble des solutions de l'inéquation $f(x) > 1$ soit l'intervalle $]0; +\infty[$.
- 5) Il existe au moins une fonction f de F qui est bornée sur \mathbb{R} .

Exercice 3 VRAI - FAUX.Soit f une fonction continue sur \mathbb{R} et g une primitive de f sur \mathbb{R} .Pour tout réel x , on pose $h(x) = g(x+1) - g(x)$.

Répondre aux questions suivantes en justifiant la réponse.

- 1) Si on sait que f est croissante sur \mathbb{R} , peut-on conclure que g est croissante sur \mathbb{R} ?
- 2) Si on sait que f est croissante sur \mathbb{R} , peut-on conclure que h est croissante sur \mathbb{R} ?

Exercice 4 O-C-MDonner (la ou les) bonnes réponses. Soit f une fonction définie sur \mathbb{R} et F la primitive de f qui vérifie $F(0) = 2$.

- 1) La primitive G de la fonction $x \mapsto f(2x)$ qui vérifie $G(0) = 2$ est telle que $G(x)$ est égal à :
a) $F(2x) + 1$ b) $\frac{1}{2}F(2x) + 1$ c) $\frac{1}{2}F(2x)$
- 2) La primitive H de la fonction $x \mapsto f(x+2)$ qui vérifie $H(0) = 2$ est la fonction :
a) $x \mapsto F(x+2)$ b) $x \mapsto F\left(\frac{1}{2}x^2 + x\right)$ c) $x \mapsto F(x+2) + 2 - F(2)$
- 3) La primitive J de la fonction $x \mapsto f(x) + 2$ qui vérifie $J(0) = 2$ est la fonction :
a) $x \mapsto F(x) + 2$ b) $x \mapsto F(x) + 2x$ c) $x \mapsto F(x)$

Exercice 5 O-C-M1) Une primitive de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x(3x^2+1)^2$ est la fonction g telle que :

a) $g(x) = 18(3x^2+1)$ b) $g(x) = \frac{1}{2}x^2(x^3+1)$ c) $g(x) = \frac{1}{18}(3x^2+1)^3$

2) La fonction f définie sur \mathbb{R} par $g(x) = 2\cos^2x + \sin^2x$ a pour dérivée la fonction g telle que, pour tout réel x , $g(x)$ est égal à :

a) $4\cos x + 2\cos 2x$ b) $2(\cos 2x - \sin 2x)$ c) $4\cos x \sin x - 2\cos^2 x$

3) Soit f une fonction dérivable sur \mathbb{R} et g une primitive de f sur \mathbb{R} , alors la dérivée de $g \circ f$ est :

a) $f' \cdot f \circ f$ b) $f \circ f$ c) $f \circ f'$

4) Si F et G sont deux primitives d'une fonction f définie sur \mathbb{R} telles que $F(0) = -1$ et $G(0) = 1$, alors on peut conclure que :

a) $F(1) = G(1)$ b) $F(1) < G(1)$ c) $F(1) > G(1)$



terminer les primitives sur I de chacune des fonctions suivantes :

f: $x \mapsto 3x^3 - 2x + 2$, $I = \mathbb{R}$

f: $x \mapsto x + 2 + \frac{1}{x^3}$, $I =]0, +\infty[$

f: $x \mapsto \frac{3x^2 + 4x - 2}{x^4}$, $I =]0, +\infty[$

f: $x \mapsto \frac{2}{\sqrt[3]{2x-1}}$, $I = \left] \frac{1}{2}, +\infty \right[$

f: $x \mapsto \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-x}}$, $I =]1, +\infty[$

f: $x \mapsto \frac{1}{\sqrt{-4x+3}}$, $I = \left] -\infty, \frac{3}{4} \right[$

f: $x \mapsto \frac{3x}{\sqrt{x^2-1}}$, $I = \left] -\infty, -1 \right[\cup \left] 1, +\infty \right[$

f: $x \mapsto \frac{1}{\sqrt{-4x+3}}$, $I = \left] -\infty, \frac{3}{4} \right[$

f: $x \mapsto \frac{1}{\cos^2 x}$, $I = \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$

f: $x \mapsto \tan^2(2x)$, $I = \left] -\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right[$

f: $x \mapsto \tan^2\left(\frac{x}{2}\right)$, $I = \left] -\pi, \pi \right[$

Exercice 7 :

Déterminer une primitive sur l'intervalle I de chacune des fonctions suivantes :

a) f: $x \mapsto \cos x \sin^2 x$, $I = \mathbb{R}$

b) f: $x \mapsto \frac{\sin x}{\sqrt{1+\cos x}}$, $I = \left] -\pi, \pi \right[$

c) f: $x \mapsto \sin x \sin 2x$, $I = \mathbb{R}$

d) f: $x \mapsto \tan x + \tan^3 x$, $I = \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$

Exercice 8 :

Déterminer une primitive sur \mathbb{R} de chacune des fonctions suivantes :

1) f: $x \mapsto 3 \cos 2x + 2 \sin 3x$; 2) f: $x \mapsto \cos\left(3x - \frac{\pi}{3}\right)$

3) f: $x \mapsto \sin\left(2x - \frac{\pi}{6}\right)$; 4) f: $x \mapsto \cos x - x \sin x$

Exercice 9 :

Déterminer la primitive F de f sur l'intervalle I vérifiant la condition indiquée.

1) f: $x \mapsto 4x^2 - 3x + 2$, $I = \mathbb{R}$ et $F(-1) = 0$;

2) f: $x \mapsto 3x + 1 + \frac{1}{x^2}$, $I = \left] -\infty, 0 \right[$ et $F(-2) = 1$;

3) f: $x \mapsto \cos 3x$, $I = \mathbb{R}$ et $F\left(\frac{\pi}{3}\right) = 0$

f: $x \mapsto \frac{1}{\sqrt{4-x}}$, $I = \left] -\infty, 4 \right[$

5) f: $x \mapsto \cos x \sin 2x$, $I = \mathbb{R}$ et $F\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1$;

6) f: $x \mapsto \tan^2 x$, $I = \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$ et $F(0) = 1$;

Exercice 10 :

Soit f la fonction définie sur $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ par : f: $x \mapsto \frac{2x+3}{(x-1)^3}$

1) Déterminer deux réels a et b tels que, pour tout $x \neq 1$:

$$f(x) = \frac{a}{(x-1)^2} + \frac{b}{(x-1)^3}$$

2) En déduire une primitive de f sur $\left] -\infty, 1 \right[$

Exercice 11 :

Soit f la fonction définie sur $\mathbb{R} \setminus \{-2, 2\}$ par : f(x) = $\frac{3x^2+4}{(x^2-4)^3}$

1) Déterminer deux réels a et b tels que, pour tout x distinct de -2 et de 2 :

$$f(x) = \frac{a}{(x-2)^3} + \frac{b}{(x+2)^3}$$

2) En déduire une primitive de f sur $\left] -2, 2 \right[$.

Exercice 12 :

Soit u une fonction strictement positive et dérivable sur un intervalle I.

1) Quelle est la dérivée sur I de la fonction $u\sqrt{u}$?

2) En déduire les primitives sur I de la fonction $u'\sqrt{u}$.

3) Application : Déterminer les primitives sur I de chacune des fonctions suivantes :

a) f: $x \mapsto 2\sqrt{2x+3}$, $I = \left] -\frac{3}{2}, +\infty \right[$

b) f: $x \mapsto x\sqrt{x^2+1}$, $I = \mathbb{R}$

c) f: $x \mapsto (x-1)\sqrt{x^2-2x+1}$, $I = \left] 1, +\infty \right[$

d) f: $x \mapsto \frac{2x-3}{\sqrt{x+1}}$, $I = \left] -1, +\infty \right[$

Exercice 13 :

Soit f et g les fonctions définies sur \mathbb{R} par : f(x) = $\cos x \cos 2x$ et g(x) = $\sin x \sin 2x$

1) Vérifier que la fonction f - g s'écrit sous la forme $\cos(u)$, où u est une fonction que l'on précisera.

En déduire une primitive sur \mathbb{R} de f - g.

2) Déterminer une primitive sur \mathbb{R} de f + g.

3) En déduire les primitives des fonctions f et g.

Exercice 14 : Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : f(x) = $x \sin x$.

1) Démontrer que, pour tout réel x : f(x) = $2 \cos x - f''(x)$

2) En déduire la primitive de f sur \mathbb{R} qui prend la valeur 0 en π



exercice 0 : Soit f une primitive sur \mathbb{R} de u qui à tout réel t , associe $u(t) = \frac{1}{2t^2 - 2t + 1}$ et g la bijection

$$I = \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[\text{ sur } \mathbb{R} \text{ définie par : } g(x) = f\left(\frac{1 + \tan x}{2}\right)$$

Prouver que g est dérivable sur I .
Montrer que g est une application affine.

Calculer $\int_0^1 \frac{1}{2t^2 - 2t + 1} dt$.

exercice 1 :

Justifier leur existence, puis calculer les intégrales :

a) $\int_0^2 \frac{1}{\sqrt{4x+1}} dx$ b) $\int_1^2 \frac{2}{(3u-1)^2} du$ c) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} (\sin t)(\cos^2 t) dt$

d) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} x \cdot \cos x \cdot dx$ e) $\int_{-1}^0 \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} dx$ f) $\int_{-1}^0 x \sqrt{x^2+1} dx$

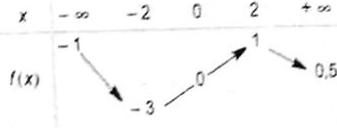
g) $\int_0^1 \frac{t-1}{(t+1)^5} dt$ h) $\int_{-1}^0 \frac{3x}{(x^2+1)^3} dx$ i) $\int_0^1 x \sin(\pi x^2) dx$

j) $\int_0^3 \frac{x^2+3x+1}{(2x+3)^5} dx$ k) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \sin^3(t) dt$

l) $\int_{-1}^{\frac{\sqrt{3}-1}{2}} \frac{t+1}{\sqrt{-t^2-2t}} dt$ m) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \cos^4(t) dt$

Exercice 2 Q-C-M.

On donne le tableau des variations d'une fonction f définie et dérivable sur \mathbb{R} .



1) Le signe de

l'intégrale $J = \int_0^{-3} f(t) dt$ est :

a) positif b) négatif c) impossible à déterminer par le tableau

2) Le signe de l'intégrale $\int_{-2}^2 f(t) dt$ est :

a) positif b) négatif c) impossible à déterminer par le tableau

3) La valeur moyenne μ de f sur $[-2; 0]$ vérifie :

a) $-\frac{3}{2} \leq \mu \leq -\frac{1}{2}$ b) $-3 \leq \mu \leq 0$ c) $0 \leq \mu \leq \frac{3}{2}$

3) La limite de $\int_2^x f(t) dt$ lorsque x tend vers $+\infty$ est :

a) $+\infty$ b) un réel L non nul c) impossible à déterminer par le tableau

Exercice 3:

Calculer à l'aide d'une intégration par parties :

a) $\int_0^{\pi} t \sin t dt$ b) $\int_{\frac{\pi}{2}}^0 (2t-1) \cos t dt$ c) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} x^2 \cos 3x dx$

d) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{-\pi} x \sin 2x dx$ e) $\int_0^1 x \sin^2(\frac{\pi}{2} x) dx$

Exercice 4 : VRAI - FAUX.

Soit F la fonction définie sur \mathbb{R} par $F(x) = \int_0^x \frac{dt}{1+t^2}$

1) F est dérivable sur \mathbb{R} de dérivée continue.

F' est la fonction $x \mapsto \frac{2x}{1+x^2}$, définie sur \mathbb{R} .

2) La fonction U définie sur $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$ par $U(x) = F(\tan x)$ est dérivable de dérivée constante égale à 1.

3) Pour tout x de $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$, $U(x) = x + 1$.

4) $\int_0^1 \frac{dt}{1+t^2} = \frac{\pi}{2}$

5) La valeur moyenne de $t \mapsto \frac{1}{1+t^2}$ sur $[0; 1]$ est $\frac{\pi}{4}$

Exercice 5 : VRAI - FAUX.

On considère une fonction f définie et dérivable sur \mathbb{R} .

1) On a $\int_{-1}^3 -f(x) dx = -\int_3^{-1} f(x) dx$

2) On a $\int_{-1}^3 -f(x) dx = \int_1^{-3} f(x) dx$

3) Si $\int_0^1 f'(x) dx = 0$, alors f est constante sur $[0; 1]$.

4) Si f est négative sur \mathbb{R} alors, pour tout réel x , $\int_0^x f(t) dt \leq 0$

5) Si f est négative sur \mathbb{R} , alors la fonction, définie par $x \mapsto \int_0^x f(t) dt$, décroît sur \mathbb{R} .

6) Si $\int_0^1 f'(x) \cdot f(x) dx = 0$, alors $f(0) = f(1)$ ou $f(0) = -f(1)$

Exercice 6 Soit $U_n = \int_0^1 (1-t)^n \sin(\pi t) dt$

- 1) Etudier la monotonie de la suite (U_n)
- 2) Montrer que (U_n) est minorée par 0. Conclure.
- 3) Calculer la limite de la suite (U_n)

[indication : Montrer que $0 \leq U_n \leq \frac{1}{n+1}$]

Exercice 7 On pose $I_n = \int_0^1 \frac{x^{2n+1}}{\sqrt{1+x^2}} dx$, pour $n \in \mathbb{N}$

- 1) Calculer I_0 .
- 2) En intégrant par parties, montrer que pour tout entier naturel $n \geq 1$ on a : $(2n+1) I_n = \sqrt{2} - 2n I_{n-1}$.
- 3) En déduire I_4 .
- 4) Etudier la convergence de la suite I_n .

Exercice 8

Soit f la fonction définie sur $[0, \pi]$ par

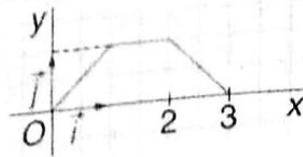
$$f(x) = \frac{\sin 2x}{1 + 2 \sin x}$$

a) Vérifier que $f(\pi - x) = -f(x)$

montrer que $\int_0^{\pi} f(x) dx = 0$ (deux

Exercice 9 : VRAI - FAUX,

1) Soit f la fonction définie sur $[0; 3]$ dont on donne la courbe représentative ci contre



a) $\int_0^5 f(x) dx = \frac{15}{8}$ b) $b \in [0; 1[$

alors $\int_0^b f(x) dx = b^2$.

c) $\int_1^3 f(t) dt = \int_0^2 f(u) du$ d) Si $c \in [1; 2]$,

alors $\int_0^c f(x) dx = c - \frac{1}{2}$.

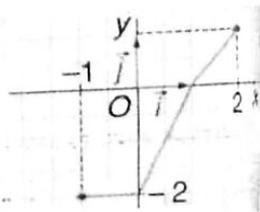
2) Soit g la fonction définie sur $[-1; 2]$ dont on donne C_g

a) $\int_{-1}^0 g(t) dt = -2$.

b) $\int_{-0.5}^{0.5} g(x) dx = 0$

c) $\int_{-1}^2 g(t) dt = -2.5$

d) $\int_{0.5}^2 g(u) du = 0$



- 3) f et g sont les fonctions définies dans 1 et 2
- la valeur moyenne de f sur $[0; 3]$ est $\frac{1}{2}$.
 - la valeur moyenne de g sur $[-1; 2]$ est $-\frac{5}{6}$.
 - Si une fonction est négative sur $[a; b]$, sa valeur moyenne est négative.
 - Si la valeur moyenne d'une fonction sur $[a; b]$ est négative, alors la fonction est négative sur $[a; b]$.

Exercice 10 :

Soit f la fonction sur $[-3; 3]$ et représentée ci-contre : Sur $[-2; 2]$, sa courbe représentative est un demi-cercle.

1) Calculer $\int_{-2}^2 f(t) dt$ et

$\int_{-3}^3 f(t) dt$.

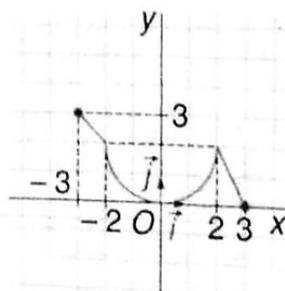
2) Soit $g = -f$.

Calculer $\int_{-3}^0 g(t) dt$.

3) soit h la fonction définie sur

$[-3; 3]$ par : $h(x) = f(x) - 2$

calculer $\int_{-3}^3 h(x) dx$.



Exercice 11 :

On considère la fonction g définie sur $[-2; 2]$ par :

- $g(x) = 2$, si $x \in [-2; -1]$
- $g(x) = -2x$, si $x \in [-1; 2]$

représenter la fonction g dans un repère orthonormé.

2) Calculer $\int_{-2}^0 g(t) dt$ et $\int_{-2}^2 g(t) dt$

3) Déterminer le réel x de $[0; 2]$ tel $\int_{-2}^x g(t) dt = 0$

Exercice 12: Soit $f(x) = \sqrt{1-x^2}$

- Etudier les variations de f
- Construire C_f .

Soit F la fonction définie sur $[-1; 1]$ par

$F(x) = \int_0^x f(t) dt$

2) On considère la fonction g définie sur $[0; \pi]$ par : $g(x) = F(\cos x)$

a) Montrer que g est dérivable sur $[0; \pi]$ et que

$g'(t) = \frac{1}{2} (\cos(2t) - 1)$

b) En déduire $g(t)$ pour tout t appartenant à $[0; \pi]$

c) Calculer $\int_{-1}^1 f(t) dt$

Exercice 13

On considère les intégrales :

$I_n = \int_0^1 (1-t^2)^n dt$ et $J_n = \int_0^1 t^2 (1-t^2)^n dt$.

$\forall n \in \mathbb{N}^*$

- Exprimer I_{n+1} en fonction de I_n et J_n .
- Montrer à l'aide d'une intégration par parties qu'on a : $I_{n+1} = 2(n+1)J_n$.
- Etablir alors une relation entre I_n et I_{n+1} .
- En déduire I_n en fonction de n

Exercice 14 :

Soit $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^2 \cos^2 x dx$ et $K = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^2 \sin^2 x dx$

Calculer $J + K$ et $J - K$.

En déduire les valeurs de J et K .

Exercice 15 :

On considère la courbe $\zeta : y = \frac{-x^3 + x}{x^2 + 1}$ dans un

repère (O, \vec{i}, \vec{j}) (unité 4cm)

- Etudier le comportement de ζ + ∞ et - ∞ .
- Déterminer l'aire, en cm^2 , du domaine D compris entre ζ , et les droites d'équations $x = 2$, $x = -2$ et $y = -x$

Intégrale 2

Exercice 1 Indiquer si elle est vraie ou fautive

1) Soit f une fonction dérivable sur \mathbb{R} telle que

pour tout x de \mathbb{R} , $f(\frac{1}{2} + x) = f(\frac{1}{2} - x)$

- a) La courbe de f admet un centre de symétrie
- b) La courbe de f admet un axe de symétrie
- c) La courbe de f' coupe l'axe des abscisses au moins une fois.

F une primitive de f sur \mathbb{R} Alors :

- d) $F(\frac{1}{2} + x) = F(\frac{1}{2} - x)$, pour tout x
- e) La courbe de F admet un point d'inflexion l d'abscisse $\frac{1}{2}$.

2) Soit f la fonction définie sur $]0, \pi[$ par :

$$F(x) = \int_0^{2 \cos x} \frac{1}{\sqrt{4-t^2}} dt$$

- F est dérivable sur $]0, \pi[$
- F est ni paire, ni impaire
- La courbe de F admet un centre de symétrie.
- La courbe de F admet un axe de symétrie.

Exercice 2 Questions indépendantes

1) Soit f une fonction définie sur $[0, +\infty[$, continue, positive et décroissante. Démontrer que pour tout $n > 0$;

$$\int_n^{n+1} f(t) dt \leq f(n) \leq \int_{n-1}^n f(t) dt$$

2) Soit f la fonction définie sur $[0, \pi]$ par

$$f(x) = \frac{\sin 2x}{1 + 2 \sin x}$$

Vérifier que $f(\pi - x) = -f(x)$. Dédurre $\int_0^\pi f(x) dx$

3) Déterminer la limite : $\lim_{n \rightarrow +\infty} \int_0^{\frac{1}{2}} \frac{t^n \sin(\pi t)}{1-t} dt$

4) On considère la suite (I_n) définie sur \mathbb{N}^* par :

$$I_n = \int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{(\sin x)^n}{\cos x} dx$$

Etablir une relation entre I_{n+2} et I_n . Etudier la convergence de la suite (I_n)

5) Déterminer le domaine de définition de la fonction $F : x \mapsto \int_{1-x}^{\sin(x)} \sqrt{x-t} dt$

6) Montrer que pour tout entier naturel $n \geq 2$, on a :

$$\int_0^{2\pi} |\sin(x)| dx = 2n$$

7) f une fonction continue sur \mathbb{R} .

Déterminer la valeur moyenne de la fonction $g : x \mapsto x^3 f(x^2)$ sur l'intervalle $[-1, 1]$

Exercice 3 Soit f une fonction continue sur $[0, 1]$ et telle que pour tout réel x de $[0, 1]$, $\int_x^1 f(t) dt \geq \frac{1-x^2}{2}$

Soit F une primitive de f sur $[0, 1]$.

- 1) a) A l'aide d'une intégration par partie, montrer que : $\int_0^1 x f(x) dx = F(1) + \int_0^1 F(x) dx$
- b) En déduire que $\int_0^1 x f(x) dx \geq \frac{1}{3}$.
- 2) a) Développer et réduire $(f(x) - x)^2$.
- b) Dédurre que $\int_0^1 [f(x)]^2 dx \geq \frac{1}{3}$.

Exercice 4

I/ Soit F définie sur $[0, \frac{\pi}{2}]$ par : $F(x) = \int_0^{2 \sin x} \sqrt{4-t^2} dt$

- 1) Montrer que F est dérivable sur $[0, \frac{\pi}{2}]$ et calculer $F'(x)$ pour tout réel x de $[0, \frac{\pi}{2}]$.
- 2) Expliciter alors $F(x)$ pour tout réel x de $[0, \frac{\pi}{2}]$.

II/ Soit f la fonction définie par $f(x) = x + \sqrt{4-x^2}$

- 1) Etudier f et tracer la courbe représentative de f dans un repère orthonormé direct (O, \vec{i}, \vec{j})
- 2) Calculer en cm^2 l'aire de la région du plan limitée par : $(y=2)$; $(x=0)$; $(x=2)$ et C_f .
- 3) On considère le solide S obtenu en pivotant courbe de f autour de l'axe des abscisse et limité par les plans $(x=0)$ et $(x=2)$. Calculer en cm^3 le volume de S . (unité 1 cm)

Exercice 5

On donne le tableau de variations d'une fonction f dérivable sur \mathbb{R} telle que $f(0) = 0$

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$	
$f'(x)$	$-$	0	$+$	0	$-$
Variations de f	0	\searrow	\nearrow	\searrow	\nearrow
		-1	2	1	

On définit la fonction F définie par $F(x) = \int_0^x f(t) dt$

- 1) Etudier le sens de variations de F .
- 2) Montrer que $F(2) \in [1, 4]$
- 3) Soit g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = \int_0^{x^2} f(t) dt$
- a) Dresser le tableau de variation de g .
- b) Montrer que la courbe de g admet une branche infinie que l'on précisera.
- c) Calculer la limite de F en $+\infty$

